

1èreS3 Devoir Surveillé n° 2

- Durée 1 h
- Calculatrices autorisées

Barème :
 1) 3 pts 2) 4 pts 3) 7,5 pts 4) 5,5 pts

Nom :

Commentaires : Les exercices précédés d'une étoile * sont à faire sur cette feuille. Lisez l'énoncé en entier avant de commencer et répondez bien aux questions qui vous sont demandées. Vous pouvez faire les exercices dans l'ordre que vous souhaitez. La rédaction est importante. Soyez propre et clair. Bon courage ...

*** Ex 1 :**

Compléter les pointillés.

1 VARIABLES	15 SI (xB -)(yC -) -<>0 ALORS
2 xA EST_DU_TYPE NOMBRE	16 DEBUT_SI
3 yA EST_DU_TYPE NOMBRE	17 AFFICHER "Les points A,B et C
4 xB EST_DU_TYPE NOMBRE	18 FIN_SI
5 yB EST_DU_TYPE NOMBRE	19 SINON
6 xC EST_DU_TYPE NOMBRE	20 DEBUT_SINON
7 yC EST_DU_TYPE NOMBRE	21 AFFICHER
8 DEBUT_ALGORITHME	22 FIN_SINON
9 LIRE xA	23 FIN_ALGORITHME
10 LIRE yA	
11 LIRE xB	Remarque : <> signifie différent
12 LIRE yB	
13 LIRE	
14 LIRE	

Ex 2 :

Soit $x \in \mathbb{R}$ et les vecteurs $\vec{u} \begin{pmatrix} x \\ 2x-1 \end{pmatrix}$ et $\vec{v} \begin{pmatrix} 2x+3 \\ 2x \end{pmatrix}$.

Pour quelles valeurs de x les vecteurs \vec{u} et \vec{v} sont-ils colinéaires ?

Ex 3 :

Le plan est muni d'un repère $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

a) Montrer que les vecteurs $\vec{u} = \frac{2}{7}\vec{i} - \frac{7}{2}\vec{w}$ et $\vec{v} = 4\vec{i} - 49\vec{w}$ sont colinéaires.

b) Soit $A(1; 3)$, $B(4; 6)$ et $C(2; 8)$

Déterminer les coordonnées du point D de l'axe des ordonnées tel que les droites (AB) et (CD) soient parallèles.

c) Déterminer l'équation réduite de la droite $d: \frac{2}{3}x - \frac{5}{6}y + \frac{7}{9} = 0$

d) On considère la droite $d': y = -\frac{5}{17}x + \frac{4}{7}$. Déterminer un vecteur directeur de la droite d' de coordonnées entières.

Ex 4 :

Soit ABCD un parallélogramme.

On considère les points G et H définis par :

$$\vec{GA} = \frac{3}{5}\vec{GB} \text{ et } \vec{AH} = 3\vec{AC}.$$

a) Exprimer le vecteur \vec{GA} en fonction du vecteur \vec{AB} .

b) Exprimer les vecteurs \vec{GD} et \vec{GH} en fonction des vecteurs non colinéaires \vec{AB} et \vec{AC} .

c) En déduire que les points G, D et H sont alignés.

Correction :

Ex 1 :

Compléter les pointillés.

1 VARIABLES	
2 xA EST_DU_TYPE NOMBRE	
3 yA EST_DU_TYPE NOMBRE	
4 xB EST_DU_TYPE NOMBRE	
5 yB EST_DU_TYPE NOMBRE	
6 xC EST_DU_TYPE NOMBRE	
7 yC EST_DU_TYPE NOMBRE	
8 DEBUT_ALGORITHME	
9 LIRE xA	
10 LIRE yA	
11 LIRE xB	
12 LIRE yB	
13 LIRE xC	
14 LIRE yC	
	15 SI (xB-xA)*(yC-yA)-(yB-yA)*(xC-xA)<>0 ALORS
	16 DEBUT_SI
	17 AFFICHER "Les points A,B et C ne sont pas alignés"
	18 FIN_SI
	19 SINON
	20 DEBUT_SINON
	21 AFFICHER "Les points A,B et C sont alignés"
	22 FIN_SINON
	23 FIN_ALGORITHME

Ex 2 :

Soit $x \in \mathbb{R}$ et les vecteurs $\vec{u} \begin{pmatrix} x \\ 2x-1 \end{pmatrix}$ et $\vec{v} \begin{pmatrix} 2x+3 \\ 2x \end{pmatrix}$.

Pour quelles valeurs de x les vecteurs \vec{u} et \vec{v} sont-ils colinéaires ?

\vec{u} et \vec{v} sont colinéaires ssi :

$$x \times 2x - (2x+3) \times (2x-1) = 0 \Leftrightarrow \dots \Leftrightarrow 2x^2 + 4x - 3 = 0$$

...

$$\text{L'ensemble des solutions est } S = \left\{ \frac{1}{2}(-2 - \sqrt{10}); \frac{1}{2}(-2 + \sqrt{10}) \right\}$$

Ex 3 :

Le plan est muni d'un repère $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

a) Montrer que les vecteurs $\vec{u} = \frac{2}{7}\vec{i} - \frac{7}{2}\vec{w}$ et $\vec{v} = 4\vec{i} - 49\vec{w}$ sont colinéaires.

$$\vec{v} = 14\vec{u}$$

b) Soit $A(1; 3)$, $B(4; 6)$ et $C(2; 8)$

Déterminer les coordonnées du point D de l'axe des ordonnées tel que les droites (AB) et (CD) soient parallèles.

Soit $D(0; x)$

On a $\vec{AB} \begin{pmatrix} 3 \\ 3 \end{pmatrix}$ et $\vec{CD} \begin{pmatrix} -2 \\ x-8 \end{pmatrix}$

\vec{AB} et \vec{CD} sont colinéaires si et seulement si :

$$3 \times (x-8) - 3 \times (-2) = 0 \Leftrightarrow 3x - 24 + 6 = 0 \Leftrightarrow 3x - 18 = 0 \Leftrightarrow x = 6$$

c) Déterminer l'équation réduite de la droite $d : \frac{2}{3}x - \frac{5}{6}y + \frac{7}{9} = 0$

$$\frac{2}{3}x - \frac{5}{6}y + \frac{7}{9} = 0 \Leftrightarrow 12x - 15y + 14 = 0 \Leftrightarrow 15y = 12x + 14 \Leftrightarrow y = \frac{12}{15}x + \frac{14}{15} \Leftrightarrow y = \frac{4}{5}x + \frac{14}{15}$$

d) On considère la droite $d' : y = -\frac{5}{17}x + \frac{4}{7}$. Déterminer un vecteur directeur de la droite d' de coordonnées entières.

$\vec{u} \begin{pmatrix} 1 \\ -5 \\ 17 \end{pmatrix}$ est un vecteur directeur de d' . On peut aussi choisir $17 \vec{u} \begin{pmatrix} 17 \\ -5 \end{pmatrix}$

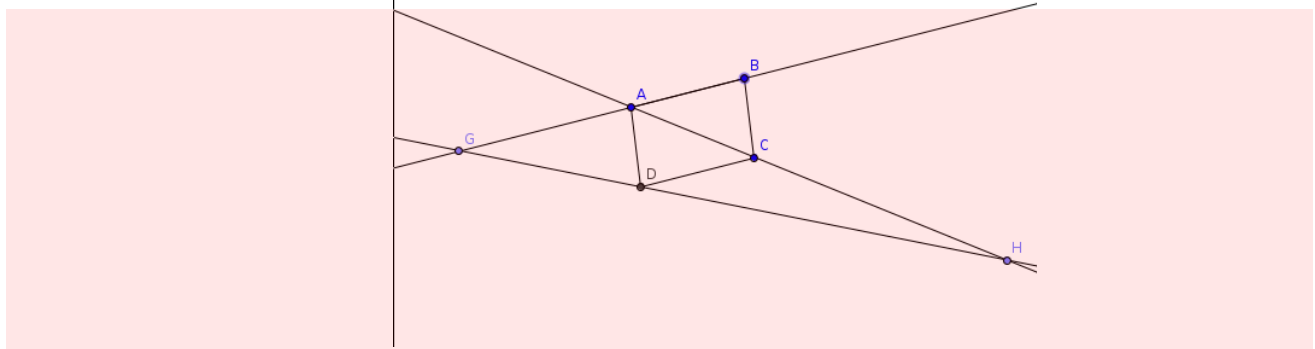
Ex 4 :

Soit ABCD un parallélogramme.

On considère les points G et H définis par :

$$\vec{GA} = \frac{3}{5} \vec{GB} \text{ et } \vec{AH} = 3 \vec{AC}.$$

a) Exprimer le vecteur \vec{GA} en fonction du vecteur \vec{AB} .



$$5 \vec{GA} = 3 \vec{GB} \Leftrightarrow 5 \vec{GA} = 3 \vec{GA} + 3 \vec{AB} \Leftrightarrow 2 \vec{GA} = 3 \vec{AB} \Leftrightarrow \vec{GA} = \frac{3}{2} \vec{AB}$$

b) Exprimer les vecteurs \vec{GD} et \vec{GH} en fonction des vecteurs non colinéaires \vec{AB} et \vec{AC} .

$$\vec{GD} = \vec{GA} + \vec{AC} + \vec{CD} = \frac{3}{2} \vec{AB} + \vec{AC} - \vec{AB} = \frac{1}{2} \vec{AB} + \vec{AC}$$

$$\vec{GH} = \vec{GA} + \vec{AH} = \frac{3}{2} \vec{AB} + \vec{AH} = \frac{3}{2} \vec{AB} + 3 \vec{AC}$$

c) En déduire que les points G, D et H sont alignés.

$$\vec{GH} = 3 \vec{GD}, \text{ puis immédiat}$$