

Ex 24 :

- 1) Avec une pièce équilibrée, la probabilité d'obtenir face est de 0,5, elle est comprise entre 0,2 et 0,8. La taille de l'échantillon est de 35, elle est supérieure à 25. On peut déterminer un intervalle de fluctuation au seuil de 95%.
- $$0,5 - \frac{1}{\sqrt{35}} \approx 0,330 \text{ à } 10^{-3} \text{ par défaut.}$$
- $$0,5 + \frac{1}{\sqrt{35}} \approx 0,670 \text{ à } 10^{-4} \text{ par excès.}$$
- donc l'intervalle de fluctuation au seuil de 95% est $[0,331; 0,669]$.
- 2) La fréquence observée est : $f = \frac{12}{35} \approx 0,342$.
 $f \in I_f$ donc on peut accepter l'hypothèse sur p au seuil de 95%. On peut considérer que la pièce est équilibrée.

Ex 31 :

- 1) La pièce est équilibrée donc la probabilité d'obtenir "pile" est $p = 0,5$. $n = 50$, on peut déterminer un intervalle de fluctuation au seuil de 95%.
- $$0,5 - \frac{1}{\sqrt{50}} \approx 0,358$$
- $$0,5 + \frac{1}{\sqrt{50}} \approx 0,642$$
- donc I_f est $[0,358; 0,642]$
- 2) La taille t de l'intervalle de fluctuation dépend de la taille de l'échantillon.
- $$t = \frac{2}{\sqrt{n}}$$
- On a donc :
- $$\frac{2}{\sqrt{n}} = \frac{1}{\sqrt{50}}$$
- $$\sqrt{n} = 2 \times \sqrt{50}$$
- $$n = 4 \times 50 = 200$$
- Il faut utiliser un échantillon de taille quatre fois plus grande soit 200.

Ex 39 :

- 1) Non, il peut gagner entre 0 et 28 lots.
- 2) $n = 28$ et $p = 0,25$ donc $n \geq 25$ et $0,2 \leq p \leq 0,8$
 $0,25 - \frac{1}{28} \approx 0,061$
 $0,25 + \frac{1}{28} \approx 0,439$
donc IF est $[0,061; 0,439]$
- 3) $f = \frac{4}{28} \approx 0,143$.
 $f \in IF$ donc cet échantillon est conforme à la publicité au seuil de 95%. Il ne peut donc pas crier au scandale.
- 4) Il faut que la fréquence ne soit pas dans IF donc pour 0 ou 1 ticket gagnant sur les 28 achetés ou plus de 13 tickets gagnants mais, dans ce cas, ce n'est pas sûr qu'il s'en plaigne.

Ex 40 :

- 1) La taille de l'échantillon doit être supérieure à 25. Ici, elle est de 1297. Cette première condition est donc vérifiée. La fréquence observée dans l'échantillon doit être comprise entre 0,2 et 0,8. Ici, $f_0 = \frac{26}{100} = 0,26$. Cette deuxième condition est donc vérifiée. La formule permettant de calculer l'intervalle de confiance est valide.
- 2) $f_0 - \frac{1}{\sqrt{n}} = 0,26 - \frac{1}{\sqrt{1297}} \approx 0,23$ (valeur approchée par défaut)
 $f_0 + \frac{1}{\sqrt{n}} = 0,26 + \frac{1}{\sqrt{1297}} \approx 0,29$ (valeur approchée par excès)
On peut donc estimer, au seuil de 95 %, que le pourcentage de joueurs américains qui achèteront une SP2 est compris entre 23 % et 29 %

Ex 43 :

1. *Algorithme* : Intervalle de confiance
2. *Liste des variables utilisées*
3. n : nombre
4. f : nombre
5. u : nombre
6. v : nombre
7. *Traitements*
8. Demander n
9. Demander f
10. Donner à u la valeur de $f - 1/\sqrt{n}$
11. Donner à v la valeur de $f + 1/\sqrt{n}$
12. *Affichage*
13. Afficher "L'intervalle de confiance au seuil de 95% est : [u ; v]"
14. *Fin de l'algorithme*

Ex 46 :

- 1) $n = 500$ et $f = 0,48$ donc on peut déterminer un intervalle de confiance au seuil de 95%.
$$0,48 - \frac{1}{\sqrt{500}} \approx 0,435$$
$$0,48 + \frac{1}{\sqrt{500}} \approx 0,525$$
donc l'intervalle de confiance au seuil de 95% est $[0,435; 0,525]$
- 2) Monsieur Aissekro ne peut fêter sa victoire car son adversaire peut obtenir entre 43,5% et 52,5% des voix.
- 3) Pour être rassuré, il faudrait que la borne supérieure de l'intervalle de confiance soit inférieure à 0,5.
or $0,48 + \frac{1}{\sqrt{n}} < 0,5$
$$\Leftrightarrow \frac{1}{\sqrt{n}} < 0,02$$
$$\Leftrightarrow \sqrt{n} > \frac{1}{0,02}$$
$$\Leftrightarrow \sqrt{n} > 50$$
$$\Leftrightarrow n > 2500$$

Il aurait dû commander un sondage sur un échantillon de plus de 2 500 personnes pour être rassuré.

Ex 47 :

- 1) La taille de l'échantillon (230) est supérieure à 25 d'une part et les fréquences observées (0,34 et 0,28) sont comprises entre 0,2 et 0,8 d'autre part donc on peut déterminer un intervalle de confiance au seuil de 95%.
- 2) Pour Simplet :
$$0,34 - \frac{1}{\sqrt{230}} \approx 0,274$$
$$0,34 + \frac{1}{\sqrt{230}} \approx 0,406$$
donc $I_1 = [0,274; 0,406]$

Pour Grognon :

$$0,28 - \frac{1}{\sqrt{230}} \approx 0,214$$
$$0,28 + \frac{1}{\sqrt{230}} \approx 0,346$$
donc $I_2 = [0,214; 0,346]$
- 3) Les deux intervalles ne sont pas disjoints donc on ne peut pas affirmer que Simplet est plus drôle que Grognon avec un risque d'erreur de 5%.

Ex 48 :

- 1) $n_1 = 800$ et $f_1 = 0,38$
$$0,38 - \frac{1}{\sqrt{800}} \approx 0,344$$
$$0,38 + \frac{1}{\sqrt{800}} \approx 0,415$$
donc $I_1 = [0,344; 0,415]$
- 2) $n_2 = 650$ et $f_1 = 0,42$
$$0,42 - \frac{1}{\sqrt{650}} \approx 0,380$$
$$0,42 + \frac{1}{\sqrt{650}} \approx 0,460$$
donc $I_2 = [0,380; 0,460]$
- 3) Ces intervalles ne sont pas disjoints.
$$I_1 \cap I_2 = [0,380; 0,460].$$
- 4) On ne peut pas déterminer quel acteur a le plus de succès au seuil de 95%.